

**1**  $ABC$  est un triangle tel que  $AB=5\text{ cm}$  ;  $AC=6\text{ cm}$  et  $BC=4\text{ cm}$  .

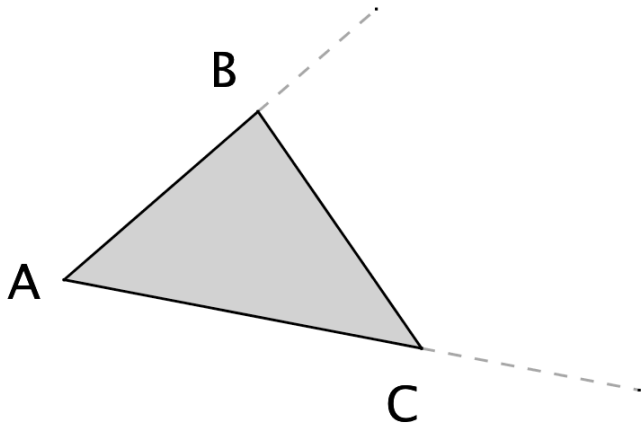
$M$  est le point de  $[AB]$  tel que  $AM=3\text{ cm}$  .

La parallèle à  $(BC)$  passant par  $M$  coupe  $[AC]$  en  $N$  .

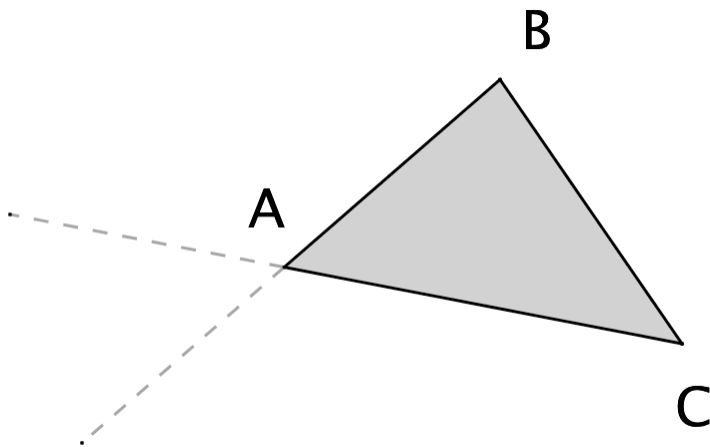
a. Fais une figure.

b. En rédigeant ton raisonnement, calcule les longueurs  $AN$  et  $MN$  .

**2** Deux autres configurations



- Place  $M$  sur  $[AB)$  , mais pas sur  $[AB]$  .
- Place  $N$  sur  $[AC)$  tel que  $(MN) \parallel (BC)$  .
- D'après la propriété de Thalès,  
 $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$  , d'où  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$  .



- Place  $M$  sur  $[BA)$  , mais pas sur  $[AB]$  .
- Place  $N$  sur  $[CA)$  tel que  $(MN) \parallel (BC)$  .
- Construis  $M'$  et  $N'$  , symétriques respectifs de  $M$  et  $N$  par rapport à  $A$  .
- Dans une symétrie centrale, deux droites symétriques \_\_\_\_\_ ,  
donc \_\_\_\_\_

Donc, d'après la propriété de Thalès,  $\frac{AM'}{AB} = \frac{AN'}{AC} = \frac{M'N'}{BC}$  .

Or la symétrie centrale conserve \_\_\_\_\_ , donc  $\begin{cases} AM' = \\ AN' = \\ M'N' = \end{cases}$

Finalement,  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$